

ОП

Физика сверхпроводимости и квантовых материалов

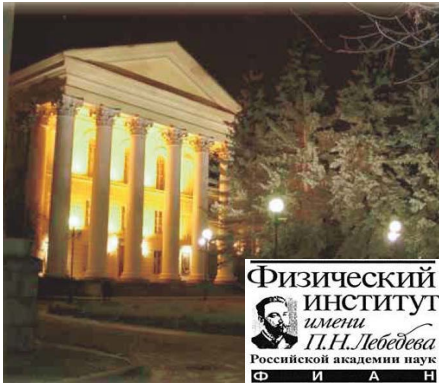
На кафедре «Физика и технология наноструктур»

Руководитель: В.М. Пудалов,
(pudalov@lebedev.ru), 7(499)132-6780

База:

- ✓ Центр высокотемпературной сверхпроводимости и квантовых материалов им. В.Л. Гинзбурга («**Центр Гинзбурга**»)
Физический институт им. П.Н. Лебедева РАН

МФТИ, 19 апреля 2019г.

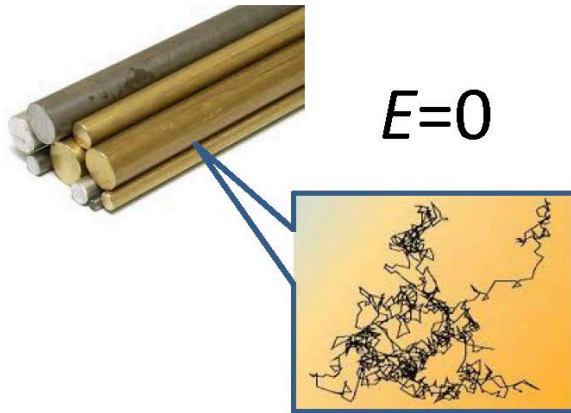


Лекция «Прыжковый транспорт»

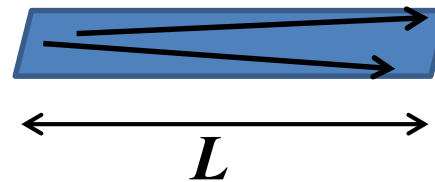
В.М. Пудалов

Диффузионный и баллистический транспорт

Диффузионное движение: $l \ll L$



Баллистическое движение: $l > L$

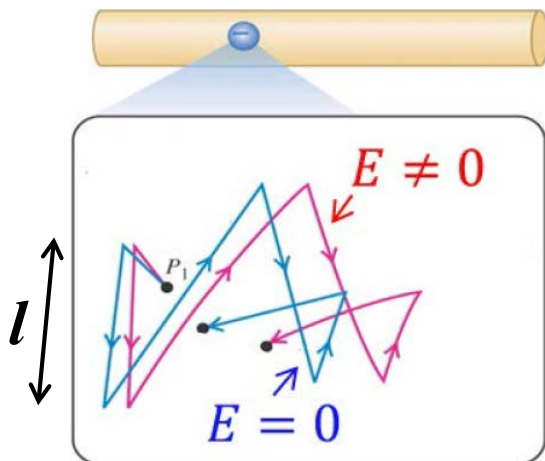


Оценим l для Cu:

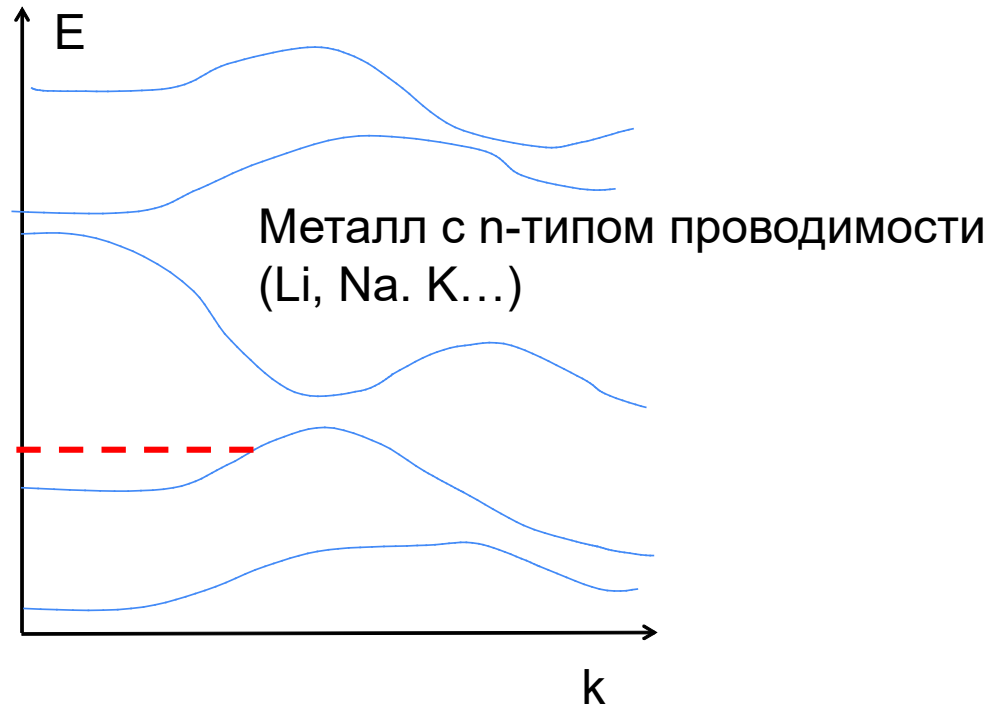
$$\sigma(T=300K) = 6 \cdot 10^5 / \Omega \cdot \text{см} \text{ и } n \approx 10^{23} \text{см}^{-3}$$

$$\tau = 10^{-14} \text{с} \text{ и } l = 1 \text{нм}$$

- Чистые образцы,
- Микро- и наноструктуры,
- Низкие температуры



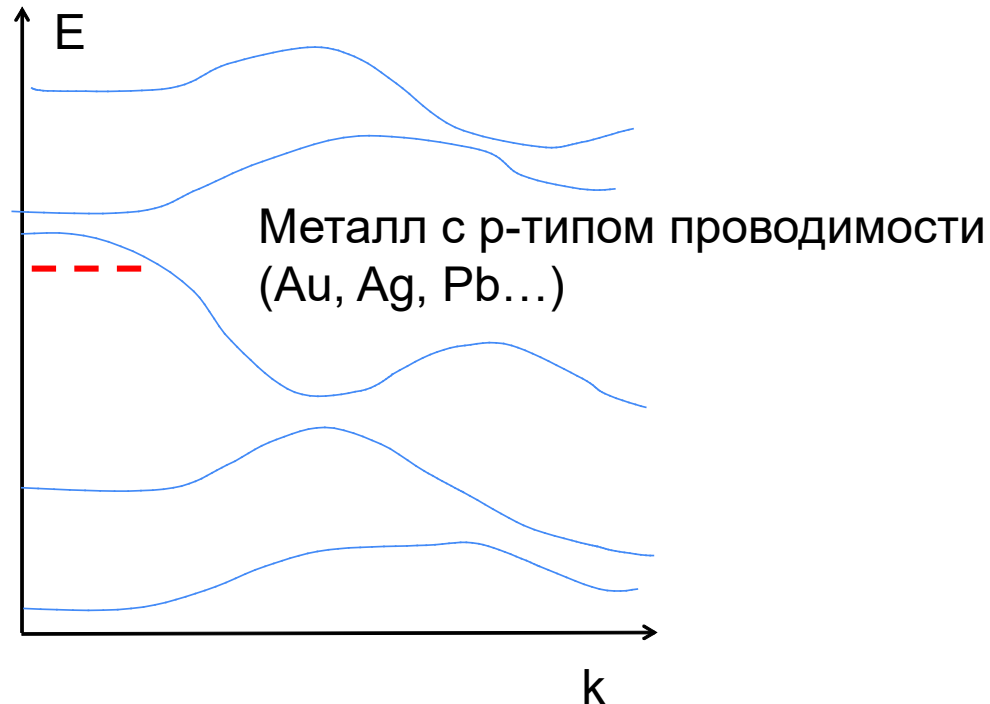
Транспорт не зонного типа



Зонный транспорт: электрон распространяется (i) баллистически или (ii) диффузно совершая случайное движение.

В обоих случаях, несмотря на столкновения электрон продолжает оставаться в пределах своей энергетической зоны.

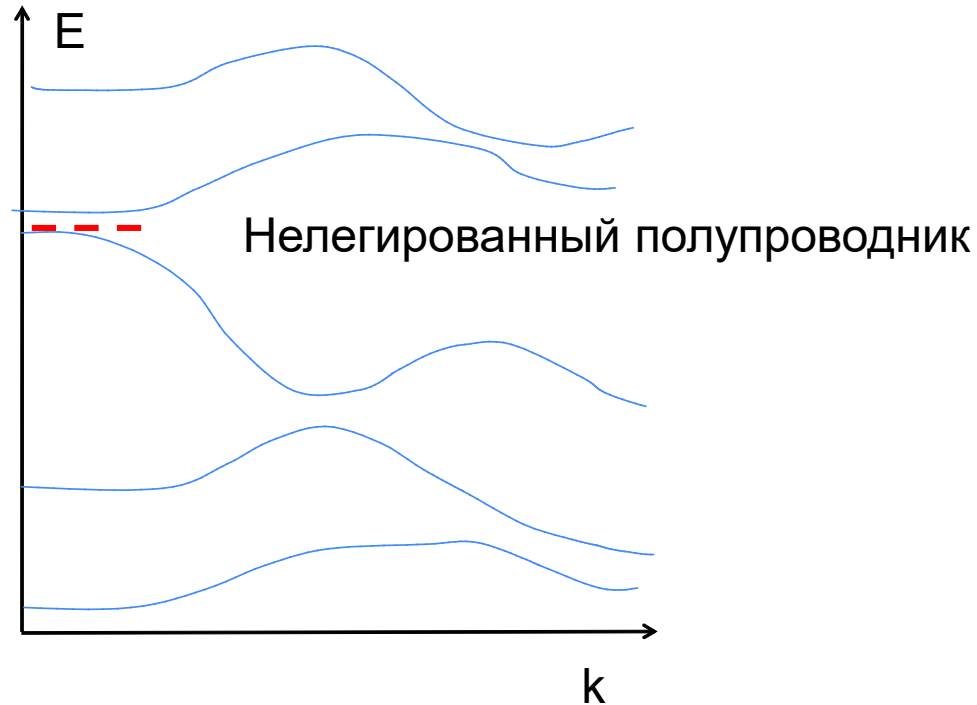
Транспорт не зонного типа



Зонный транспорт: электрон распространяется (i) баллистически или (ii) диффузно совершая случайное движение.

В обоих случаях, несмотря на столкновения электрон продолжает оставаться в пределах своей энергетической зоны.

Транспорт не зонного типа



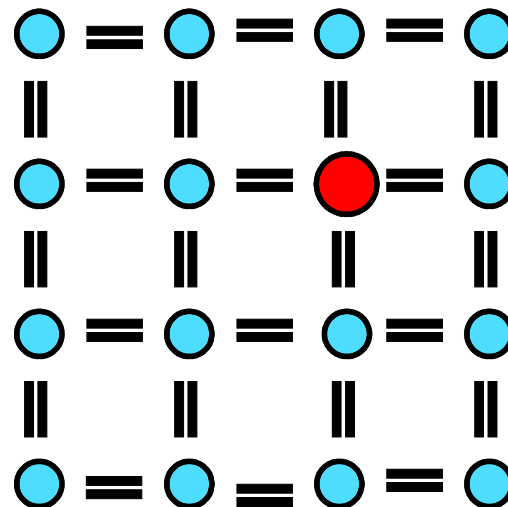
Зонный транспорт: электрон распространяется (i) баллистически или (ii) диффузно совершая случайное движение.

В обоих случаях, несмотря на столкновения электрон продолжает оставаться в пределах своей энергетической зоны.

Сильно легированные полупроводники

Потенциал примесей настолько силен и собственных носителей так мало, что основным типом транспорта становится т.н. **прыжковый** транспорт

Рассмотрим примесь замещения в решетке Si или Ge (IV группа)



Задача об уровне энергии электронов вблизи примеси сводится к задаче об одном электроне в водородоподобном состоянии. Поле заряда примесного атома уменьшается в κ раз. Радиус Боровской орбиты в полупроводнике увеличен по сравнению с нормальным металлом из-за малости эффективной массы m^* и большой κ .

Радиус Боровской орбиты
(атом H)

$$a_B^* = \frac{\hbar^2 \kappa}{m^* e^2}$$

Энергия связи в основном состоянии

в атоме водорода

$$\varepsilon_0 = \frac{m e^4}{\hbar^2} = 13.6 \text{ эВ}$$

в примесном состоянии

$$\varepsilon_0^{imp} = \frac{m^* e^4}{\hbar^2 \kappa^2}$$

Для $m^* = (0.1 - 0.01)m_e$, $\kappa \sim 10-20$

$\varepsilon_0^{imp} \sim (1-100) \text{ мэВ}$

Примеры:

Si:P	44 мэВ
Si:As	49 мэВ
Ge:P	12.7 мэВ
Ge:Sb	96 мэВ

Радиус Боровской орбиты
(атом H)

$$a_B^* = \frac{\hbar^2 \kappa}{m^* e^2} = 0.529 \text{ \AA}$$

Энергия связи в основном состоянии

в атоме водорода

$$\varepsilon_0 = \frac{m e^4}{\hbar^2} = 13.6 \text{ эВ}$$

в примесном состоянии

$$\varepsilon_0^{imp} = \frac{m^* e^4}{\hbar^2 \kappa^2}$$

Для $m^* = (0.1 - 0.01)m_e$, $\kappa \sim 10-20$

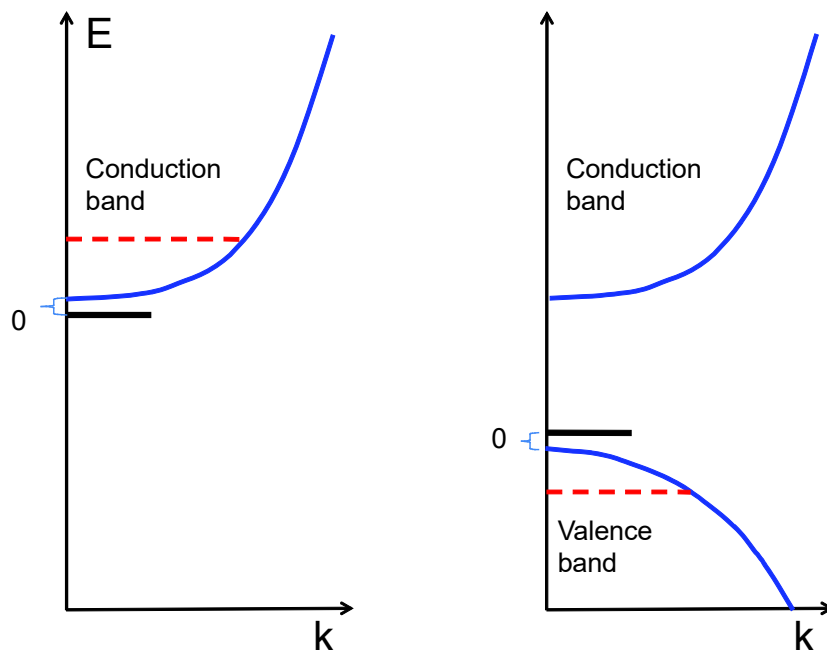
$\varepsilon_0^{imp} \sim (1-100) \text{ мэВ}$

Примеры:

Si:P	44 мэВ
Si:As	49 мэВ
Ge:P	12.7 мэВ
Ge:Sb	96 мэВ

Q: Где расположен примесный уровень в зонной структуре

Q: Где расположен примесный уровень в зонной структуре



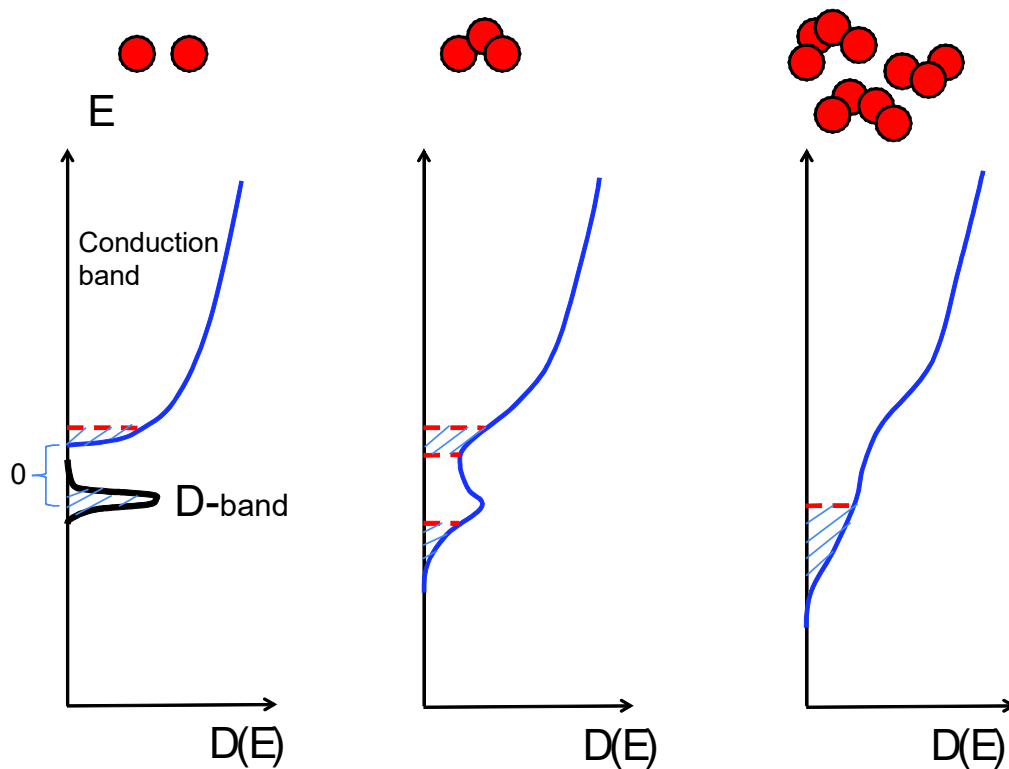
A: либо под дном зоны проводимости, либо над потолком валентной зоны. В обоих случаях - в области щели.

При увеличении количества примесей примесный уровень энергии расплывается в зону (“примесная зона”).

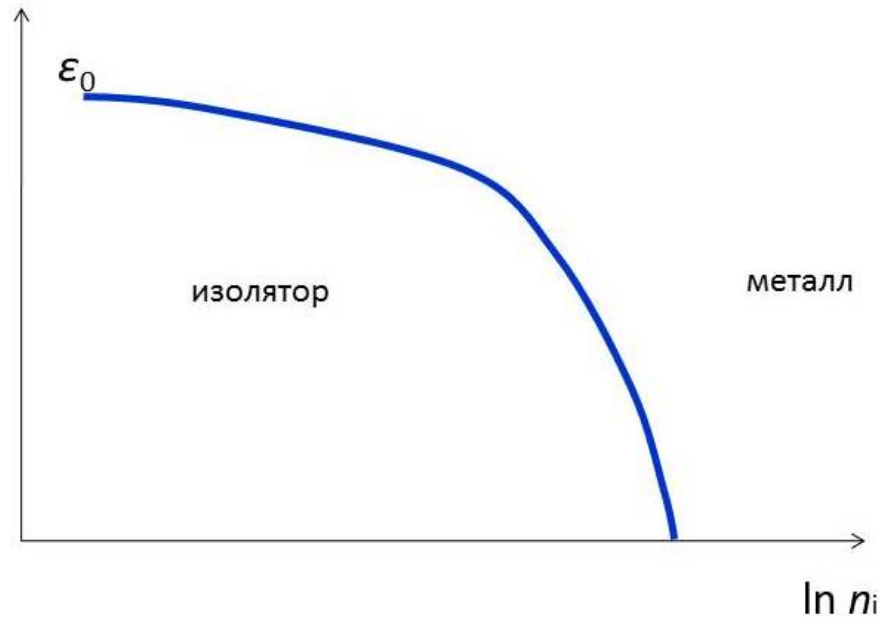
Хотя волновые функции локализованных на них электронов перекрываются слабо, но все же вероятности перехода между донорными состояниями ненулевые.

В этом состоит причина транспорта по локализованным состояниям, вне зоны

Трансформация примесной зоны по мере увеличения концентрации примесей n_i



Переход полупроводник \rightarrow металл !
($D(E)$ – плотность состояний по энергии)



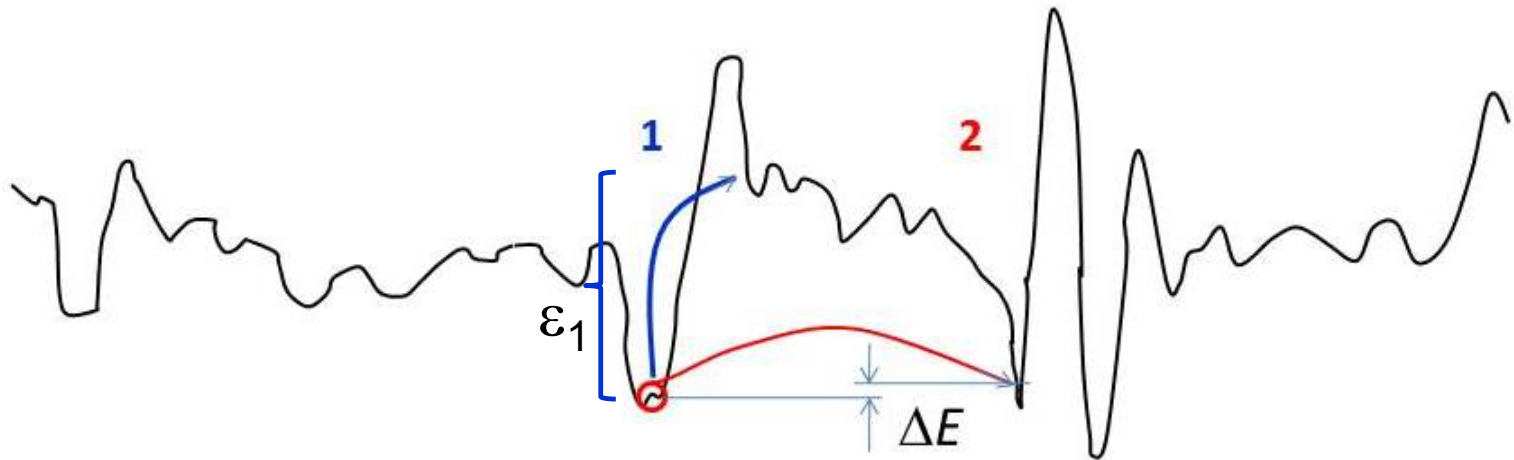
Уменьшение щели по мере увеличения концентрации примесей n_i

Мы изменяли только потенциал примесей (например, амплитуду случайного потенциала или количество примесей)

Это переход “изолятор-металл” в модели Андерсона.

11.3 Прыжковая проводимость по примесным уровням

Рассмотрим транспорт заряда в изоляторе. Плоских волн нет и их распространение невозможно, т.е. невозможен транспорт зонного типа.



- 1 - прыжок между ближайшими соседями
- 2 – оптимизированный прыжок

Доминирующий процесс
при высоких $T \gg \Delta = \varepsilon$

$$p = p_1 \exp\left(-\frac{\varepsilon_1}{kT}\right)$$

При $T \ll \Delta$ такой прыжок на ближайший уровень маловероятен.

Рассмотрим более общий случай: прыжок на расстояние r с участием фонона при разности энергий δE начального и конечного состояний

$$p(r) = v_{ph} \exp\left(-\frac{2r}{\xi} - \frac{\delta E}{kT}\right)$$

ξ -радиус локализации
на каждом центре

$$\Psi \propto \exp\left(-\frac{r}{\xi}\right)$$

v_{ph} – вероятность перехода (включая матричный элемент e-ph взаимодействия и плотность состояний)



В прыжковой проводимости имеются два конкурирующих фактора: Большая длина прыжка R позволяет найти состояние с энергией, более близкой к энергии начального состояния. Но, большее R подразумевает меньшее значение интеграла перекрытия.

Значение R , которое оптимизирует произведение двух факторов:

$$R \propto T^{-1/4}$$

С ним получаем т.н. проводимость с переменной длиной прыжка

$$\sigma_{hop} = \sigma_0 \exp \left[- \left(\frac{T_0}{T} \right)^{1/4} \right]$$

Это т.н. Моттовский закон прыжковой проводимости для 3D случая.

Выведем его и заодно найдем такое оптимальное $R(T)$, которое максимизирует P .

В сферическом объеме 3D пространства радиусом r имеется $(4\pi/3)r^3 D(E_F)$ состояний. Среднее расстояние по энергии между уровнями равно

$$\langle \delta E \rangle = \left[\frac{4\pi r^3}{3} D(E_F) \right]^{-1}$$

Подставим это в

$$p(r) = v_{ph} \exp\left(-\frac{2r}{\xi} - \frac{\delta E}{kT}\right)$$

продифференцируем по r и приравняем 0.

Получим, что максимум p

достигается при длине прыжка $R=r_{opt}$:

$$R = \left(\frac{9\xi}{8\pi D(E_F) k_B T} \right)^{1/4}$$

Ей отвечает средняя энергия прыжка

$$\langle \delta E \rangle = 0.20 k_B (T_0 T^3)^{1/4}$$

и вероятность оптимального прыжка

$$p = \nu_{ph} \exp \left[\left(\frac{T_1}{T} \right)^{1/4} - \left(\frac{T_2}{T} \right)^{1/4} \right] = \nu_{ph} \exp \left[- \left(\frac{T_0}{T} \right)^{1/4} \right]$$

$$k_B T_0 \approx 18 / D(E_F) \xi^3$$

Коэффициент диффузии, по определению, равен среднему квадрату расстояния, на которое диффундирует частица в единицу времени:

$$D = \rho R^2$$

Мы хотим получить прыжковую проводимость

$$\sigma = n e \mu$$

$$\sigma = \sigma_{hop} \exp \left[- \left(\frac{T_0}{T} \right)^{1/4} \right]$$

← где $\sigma = e D(E_F) R^2 v_{ph}$ и
 концентрация электронов
 способных к прыжку
 $n = k_B T D(E_F)$